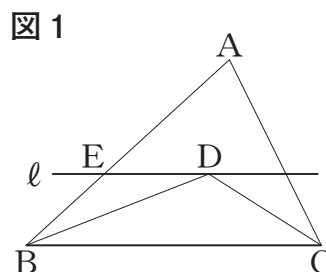


4 次の問題は、下のよう証明できます。

問題

図1のように、 $\triangle ABC$ において $\angle ABC$ の二等分線と $\angle ACB$ の二等分線をひき、それらの交点をDとします。点Dを通り辺BCに平行な直線 l をひき、直線 l と辺ABとの交点をEとします。

このとき、 $EB = ED$ となることを証明しなさい。



証明

$\triangle EBD$ において、

仮定から、 $\angle DBC = \angle EBD$ ……①

$ED \parallel BC$ で、平行線の錯角は等しいから、

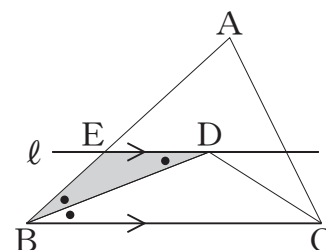
$\angle DBC = \angle EDB$ ……②

①、②より、 $\angle EBD = \angle EDB$

2つの角が等しいから、 $\triangle EBD$ は二等辺三角形である。

二等辺三角形は2辺が等しい三角形であるから、

$$EB = ED$$



次の(1)から(3)までの各問いに答えなさい。

(1) 上の証明の「仮定から、 $\angle DBC = \angle EBD$ ……①」における「仮定」を、下のアからエまでの中から1つ選びなさい。

ア BD は $\angle ABC$ の二等分線である。

イ CD は $\angle ACB$ の二等分線である。

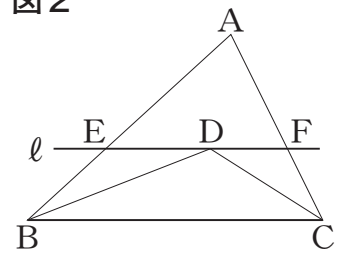
ウ 直線 l は点Dを通り辺BCに平行な直線である。

エ $EB = ED$ である。

- (2) 図2のように、図1の直線 l と辺 AC との交点を F とします。このとき、 $FC = FD$ となることを、 $\triangle FCD$ が二等辺三角形であることから証明できます。

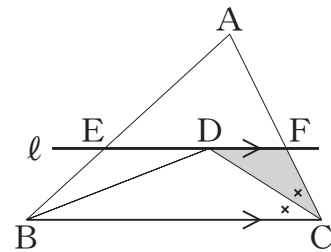
前ページの証明を参考にして、 $FC = FD$ となることの証明を完成しなさい。

図2



証明

$\triangle FCD$ において、



二等辺三角形は2辺が等しい三角形であるから、
 $FC = FD$

- (3) $\triangle EBD$ と $\triangle FCD$ が二等辺三角形であることから、 $EB = ED$ 、 $FC = FD$ であることを証明できます。

$EB = ED$ 、 $FC = FD$ であることをもとにすると、図2において、 $\triangle AEF$ の周の長さと等しいものがあることが分かります。それを下のアからオまでの中から1つ選びなさい。

ア $AE + AF$

イ $AE + AC$

ウ $AB + AF$

エ $AB + AC$

オ $DB + DC$