

- 4 直線  $l$  上の点  $P$  を通る  $l$  の垂線は、下の手順①、②、③で、図1のように作図することができます。

手順① 点  $P$  を中心として適当な半径の円をかき、直線  $l$  との交点を点  $A$ 、点  $B$  とする。

手順② 点  $A$ 、点  $B$  を中心として、等しい半径の円を交わるようにかき、その交点の1つを点  $Q$  とする。

手順③ 点  $P$  と点  $Q$  を通る直線をひく。

図1

次の(1)から(3)までの各問いに答えなさい。

- (1) 図1の点  $Q$ 、 $A$ 、 $P$ 、 $B$  を順に結ぶと、 $\triangle QAB$  ができます。この  $\triangle QAB$  を紙にかいて直線  $PQ$  を折り目として折ったとき、点  $A$  が重なるのはどの点ですか。その点の記号を書きなさい。
- (2) 図1の直線  $PQ$  が直線  $l$  の垂線であることを示すために、 $PQ \perp l$  を証明します。手順①から  $AP = BP$ 、手順②から  $QA = QB$  となることが分かります。これらをもとに、 $\triangle QAP \equiv \triangle QBP$  を示し、下の証明を完成しなさい。

**証明**

$\triangle QAP$  と  $\triangle QBP$  において、

合同な三角形の対応する角は等しいから、  
 $\angle APQ = \angle BPQ$   
 $\angle APQ + \angle BPQ = \angle APB = 180^\circ$  なので、  
 $\angle APQ = \angle BPQ = 90^\circ$   
したがって、 $PQ \perp l$

(3) 点 P が直線  $l$  上にない場合も、 $l$  の垂線を前ページの手順①、②、③で、図 2 のように作図することができます。

図 2 点 P が直線  $l$  上にない

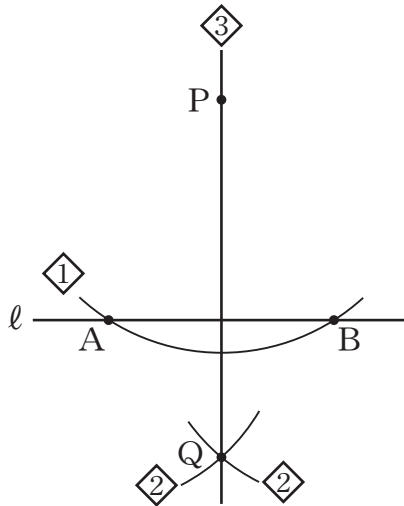


図 1 (前ページ) と図 2 のように、点 P が直線  $l$  上にある場合も  $l$  上にない場合も、同じ手順①、②、③で垂線が作図できます。このように作図できるのは、この手順による点 Q, A, P, B を順に結んでできる図形が、どちらの場合も、ある性質をもつ図形だからです。その図形が下のアからエまでの中にあります。正しいものを 1 つ選びなさい。

- ア 直線 PQ を対称の軸とする線対称な図形
- イ 直線  $l$  を対称の軸とする線対称な図形
- ウ 点 Q を対称の中心とする点対称な図形
- エ 直線  $l$  と直線 PQ の交点を対称の中心とする点対称な図形